# 全钢子午线轮胎胎圈耐久性能影响因素的 有限元研究

### 姜洪旭1,孙宗涛2,刘昌波1

[1. 浦林成山(青岛)工业研究设计有限公司,山东青岛 266011;2. 浦林成山(山东)轮胎有限公司,山东 荣成 264300]

摘要:通过有限元仿真研究设计参数对全钢子午线轮胎胎圈耐久性能的影响。研究的设计参数包括胎圈包布内端 点高度、角度和密度,三角胶模量、高度和下三角胶厚度,胎体和胎圈包布反包高度,胎圈内轮廓,胎圈水平轴高度,胎圈 模具轮廓,胎圈着合宽度,钢丝圈排列和直径。通过建立不同设计参数与仿真判据(应变能密度)的响应关系,得到设计 参数对胎圈耐久性能的影响趋势。

关键词:全钢子午线轮胎;胎圈;设计参数;有限元仿真;耐久性能

中图分类号:U463.341;O241.82 文献标志码:A

胎圈是轮胎结构中受力最大的部位<sup>[1-2]</sup>,全钢 子午线轮胎胎圈周向裂口是较常见的问题,从其 破坏的断面分析,绝大多数的破坏从胎体反包端

点开始出现裂缝,逐渐蔓延至外部。

本工作通过仿真分析全钢子午线轮胎胎体反 包端点处的受力情况,研究设计参数对胎圈耐久 性能的影响。

#### 1 仿真判据

应变能密度(*S*)是应力和应变的综合考量,其 计算公式如下:

# $S = \int_{0}^{\varepsilon} \sigma d\varepsilon$

式中, $\sigma$ 为应力, $\varepsilon$ 为应变。

S反映改变单位体积所吸收或放出的能量大小。为了反映轮胎滚动过程中胎体反包端点处的 变形情况,仿真判据选择胎体反包端点部位圆周 方向所有单元的S之和。

根据11.00R20轮胎不同设计方案胎圈耐久性 试验数据建立仿真模型,验证仿真判据的可靠性。

E-mail:hxjiang@prinxchengshan.com

文章编号:1006-8171(2019)09-0525-07 DOI:10.12135/j.issn.1006-8171.2019.09.0525

胎圈耐久时间与S的对应关系如表1所示。由表1可知,S越小,胎圈的耐久性能越好。

表1 胎圈耐久时间与S的对应关系

而日		方案	
坝 日	Model 1	Model 2	Model 3
耐久时间/h	40.45	54.55	48.35
$S/(J \cdot mm^{-3})$	1.06	0.97	1.03

注:Model l中胎圈包布密度为50根 • dm<sup>-1</sup>,角度为40°;Model 2中胎圈包布密度为60根 • dm<sup>-1</sup>,角度为40°;Model 3中胎圈包布密度为50根 • dm<sup>-1</sup>,角度为30°。

#### 2 设计参数分析

设计参数分析采用Hyperstudy软件优化功能与ABAQUS软件非线性求解器相结合的方法,其流程如图1所示。

#### 2.1 胎圈包布

#### 2.1.1 内端点高度

当胎圈包布内端点高度为35.0,37.5,40.0, 42.5和45.0 mm时,S分别为3.481,3.483,3.483, 3.482和3.485 J•mm<sup>-3</sup>。可见,胎圈包布内端点高 度对S影响很小,可推断胎圈包布内端点高度对胎 圈开裂的影响较小。

#### 2.1.2 角度和密度

胎圈包布角度和密度与S的关系如表2所示。 胎圈包布角度和密度与S响应界面如图2所示。

作者简介:姜洪旭(1981—),男,山东荣成人,浦林成山(青岛)工业研究设计有限公司副主任工程师,学士,主要从事整车动 力学仿真和轮胎NVH仿真以及轮胎六分力、高速均匀性、噪声试验 研究工作。



#### 图1 设计参数分析流程示意

#### 表2 胎圈包布角度和密度与S的关系

角度/(°)	密度/(根・dm <sup>-1</sup> )	$S/(J \cdot mm^{-3})$
60	200	6.500
60	100	6.700
45	200	7.000
45	100	7.000
45	67	7.000
45	50	7.000
30	200	7.433
30	100	7.438
30	67	7.440
30	50	7.444
15	200	7.000
15	100	7.000
15	67	7.000
15	50	7.000



由表2和图2可知,胎圈包布角度对胎体反包

端点S影响显著,而胎圈包布密度对其影响不大。 随着胎圈包布角度增大,S呈先增大后减小趋势, 拐点出现在30°(产品设计角度)时。胎圈包布密度 对S的影响与胎圈包布角度大小相关,在胎圈包布 角度小于45°时,随着胎圈包布密度减小,S增大;在 胎圈包布角度大于45°时,随着胎圈包布密度增大, S增大。 以S最小为优化目标,胎圈包布角度和密度最终优化结果如表3所示。

#### 表3 胎圈包布角度和密度优化结果

角度/(°)	密度/(根•dm <sup>-1</sup> )	$S/(J \cdot mm^{-3})$
30	93	7.040 320 7
20	73	7.204 928 0
30	80	7.063 575 5
39	109	6.869 536 9
47	129	6.724 370 7
54	157	6.5768899
60	199	6.4662359
60	200	6.466 064 1

# 2.2 三角胶

## 2.2.1 模量

三角胶模量与S的关系如表4所示。三角胶模量与S响应界面如图3所示。

由表4和图3可知:当下三角胶模量取下限30

表4 三角胶模量与S的关系

244	二用版快至马5的人		
上三角胶模量/MPa	下三角胶模量/MPa	$S/(J \cdot mm^{-3})$	
10.000 000	30.000 000	3.013	
16.666 667	30.000 000	2.676	
23.333333	30.000 000	2.503	
30.000 000	30.000 000	2.417	
10.000 000	43.333333	2.888	
16.666 667	43.333333	2.712	
23.333333	43.333333	2.436	
30.000 000	43.333333	2.434	
10.000 000	56.666 667	2.813	
16.666 667	56.666 667	2.649	
23.333333	56.666 667	2.543	
30.000 000	56.666 667	2.502	
10.000 000	70.000 000	2.798	
16.666 667	70.000 000	2.719	
23.333333	70.000 000	2.677	
30.000 000	70.000 000	2.622	



MPa、上三角胶模量取上限30 MPa时,即上、下三角胶模量相同时,S最小。

#### 2.2.2 高度

当三角胶高度为145.0,142.5,140.0和135.0 mm时, *S*分别为7.080,7.002,7.021和7.038 J•mm<sup>-3</sup>。三角胶高度与*S*响应曲线如图4所示。



由图4可知,三角胶高度由145 mm减小至135 mm,S先减小后增大,拐点在140 mm处,说明三角 胶高度存在最佳设计值。

#### 2.2.3 下三角胶厚度

下三角胶厚度修改如图5所示。当下三角胶 厚度增大0,1.67和2.50 mm时,*S*分别为7.187, 7.260和7.324 J•mm<sup>-3</sup>。下三角胶增大厚度与*S*响 应曲线如图6所示。

从图6可以看出,在三角胶总厚度不变的情况下,随着下三角胶厚度的增大,S增大。因此将下 三角胶厚度增大2.5 mm,相应上三角胶厚度减小 2.5 mm。

#### 2.3 胎体和胎圈包布反包高度

保持胎圈包布反包高度不变,只改变胎体反 包高度。胎体反包高度为72.0,74.5,77.0,79.5 和82.0 mm时,*S*分别为4.38,3.56,4.33,3.86和 4.77 J•mm<sup>-3</sup>。可知,胎体反包高度在原有设计72



图5 下三角胶厚度修改示意



mm的基础上逐渐增大至82 mm的过程中,S整体变化不大。

胎体与胎圈包布反包高度等差级减小与S的关系如表5所示。

表5 胎体和胎圈包布反包高度与S的关系

胎体反包高度/mm	胎圈包布反包高度/mm	$S/(J \cdot mm^{-3})$
72.0	56.0	4.34
69.5	53.5	5.30
67.0	51.0	7.86
64.5	48.5	10.27
62.0	46.0	13.05

由表5可知,随着胎体和胎圈包布反包高度减小,S逐渐增大。

#### 2.4 胎圈内轮廓

胎圈内轮廓修改如图7所示。保持胎侧厚度 不变,胎圈肩部内轮廓圆弧曲率半径增大,下胎侧 部位内轮廓外移,胎肩垫胶、胎侧和三角胶的厚度 相应增大。将内轮廓修改参数分别定义为prof7和 prof8,为方便表征,采用修改后轮廓相对原轮廓的 厚度增量表示轮廓修改程度。

胎圈内轮廓厚度增量与S的关系如表6所示。 胎圈内轮廓厚度增量与S响应界面如图8所示。以 S最小为优化目标,胎圈内轮廓最终优化结果如表



图7 胎圈内轮廓修改示意

表6 胎圈内轮廓厚度增量与S的关系				
prof7增量/mm	prof8增量/mm	$S/(J \cdot mm^{-3})$		
0	0	4.902		
0	0.5	4.934		
0	1.0	4.970		
0	1.5	5.012		
0	2.0	5.058		
0	2.5	5.109		
1.56	0	4.628		
1.56	0.5	4.650		
1.56	1.0	4.677		
1.56	1.5	4.711		
1.56	2.0	4.748		
1.56	2.5	4.787		
3.12	0	4.279		
3.12	0.5	4.282		
3.12	1.0	4.293		
3.12	1.5	4.311		
3.12	2.0	4.331		
3.12	2.5	4.354		
4.68	0	3.974		
4.68	0.5	3.952		
4.68	1.0	3.940		
4.68	1.5	3.934		
4.68	2.0	3.930		
4.68	2.5	3.928		
6.24	0	3.997		
6.24	0.5	3.946		
6.24	1.0	3.907		
6.24	1.5	3.871		
6.24	2.0	3.836		
6.24	2.5	3.801		
7.80	0	4.714		
7.80	0.5	4.632		
7.80	1.0	4.563		
7.80	1.5	4.494		
7.80	2.0	4.426		
7.80	2.5	4.354		



7所示。优化后的内轮廓与现行内轮廓对比如图9 所示。

表7	胎圈内轮廓优化绉	吉果
prof7增量/mm	prof8增量/mm	$S/(J \cdot mm^{-3})$
0	0.300 0	4.923 0
1.287 0	0.300 0	4.694 0
0	0.575 0	4.9390
0.780 0	0.0500	4.761 0
1.560 0	0	4.6280
2.340 0	0	4.463 0
3.1200	0.250 0	4.280 0
3.9191	0.500 0	4.0920
5.118 8	0.250 0	3.917 0
6.9917	0.500 0	4.166 0
3.934 1	0.250 0	4.0930
5.1384	0	3.932 0
6.239 5	0	3.997 0
6.9337	0.084 5	4.1900
5.508 0	0.2607	3.503 0
5.6323	0.269 9	3.504 0
5.7373	0.276 9	3.508 0



图9 优化后的胎圈内轮廓与现行胎圈内轮廓对比示意 由表7和图9可知,与现行胎圈内轮廓相比,优 化后的胎圈内轮廓上胎侧和肩部接近,适当增大 了下胎侧厚度,以提高胎圈的耐久性能。

## 2.5 胎圈水平轴高度

胎圈水平轴高度(H)如图10所示。胎圈水平 轴高度与S的关系曲线如图11所示。

由图11可知,H与S呈非线性关系,但影响不大。

## 2.6 胎圈模具轮廓

胎圈模具轮廓设计参数定义如图12所示。 胎圈模具轮廓与S的关系如表8所示。shape1



图10 胎圈水平轴高度示意



图12 胎圈模具轮廓设计参数定义示意

胎圈模具轮廓与S的关系 表8

shape1圆弧 半径/mm	shape2圆弧 半径/mm	shape3圆弧 半径/mm	$S/(J \cdot mm^{-3})$
10.67	20.00	56.67	5.42
13.33	22.00	59.33	5.73
8.89	18.00	62.00	5.27
11.56	23.00	64.67	5.47
14.22	19.00	67.33	5.87
9.78	21.00	70.00	5.27
12.44	17.00	72.67	5.65
15.11	23.50	75.33	5.98
8.30	19.50	78.00	5.13
10.96	21.50	80.67	5.36
13.63	17.50	83.33	5.77
9.19	22.50	86.00	5.15
11.85	18.50	88.67	5.47
14.52	20.50	91.33	5.83
10.07	16.50	94.00	5.30
12.74	23.75	96.67	5.53
15.41	19.75	99.33	5.97
8.59	21.75	102.00	5.03
11.26	17.75	104.67	5.55
13.93	22.75	107.33	5.66
9.48	18.75	110.00	5.13
12.15	20.75	112.67	5.41
14.81	16.75	115.33	5.86
10.37	23.25	118.00	5.13
13.04	19.25	120.67	5.53
15.70	21.25	123.33	5.94
8.10	17.25	126.00	5.01

和shape2圆弧半径与S响应界面如图13所示。 shape1和shape3圆弧半径与S响应界面如图14所 示。shape2和shape3圆弧半径与S响应界面如图 15所示。

以S最小为优化目标,胎圈模具轮廓最终优化 结果如表9所示。优化后的胎圈轮廓与现行胎圈 模具轮廓对比如图16所示。

由表8和9以及图13-16可知:shape1圆弧半 径在8~16 mm取值范围内,圆弧半径越小,S越小;



shape1和shape2圆弧半径与S响应界面 图13



图14 shape1和shape3圆弧半径与S响应界面



图15 shape2和shape3圆弧半径与S响应界面

	表9 胎圈模具	<b>【轮廓优化结</b> 果	Ę
shape1圆弧 半径/mm	shape2圆弧 半径/mm	shape3圆弧 半径/mm	$S/(J \cdot mm^{-3})$
12.0	20.0	90.0	5.461
12.0	20.0	101.9	5.424
12.0	18.7	90.0	5.480
13.3	20.0	90.0	5.655
11.6	20.4	93.6	5.399
11.2	20.8	97.2	5.335
10.8	20.4	100.8	5.267
10.4	20.6	104.4	5.213
10.0	21.0	108.1	5.154
9.4	21.4	113.6	5.072
8.4	21.8	122.3	4.951
8.0	21.6	126.0	4.915
8.0	22.0	126.0	4.913



#### 图16 优化后胎圈模具轮廓与现行胎圈模具轮廓 对比示意

shape2圆弧半径取值范围为16~24 mm,在21 mm 以内,随着圆弧半径增大,S减小,超过21 mm后,圆 弧半径对S影响很小;shape3圆弧半径取值范围为 54~126 mm,在54~78和114~126 mm范围内,随 着圆弧半径增大,S减小,在78~114 mm范围内,圆 弧半径对S影响不大。

#### 2.7 胎圈着合宽度

冠部及肩部不作改变,胎圈着合宽度在原有 设计基础上依次增大6.335,12.70,19.05和25.10 mm,同时设计断面宽度相应增大2.5,5,7.5和10 mm,将模型依次定义为TBW0,TBW1,TBW2, TBW3和TBW4。

胎圈着合宽度修改如图17所示。胎圈着合宽 度与S的关系如表10所示。胎圈着合宽度与S响应 曲线如图18所示。

由表10和图18可知,增大胎圈宽度有助于降低胎体反包端点位置的S,从而提高胎圈的耐久性能。



图17 胎圈着合宽度修改示意

表10 胎圈着合宽度与S的关系

模 型	胎圈着合宽度/mm	$S/(J \cdot mm^{-3})$
TBW0	216.00	5.462
TBW1	222.35	4.994
TBW2	228.70	5.234
TBW3	235.05	4.851
TBW4	241.40	4.608



#### 2.8 钢丝圈排列

钢丝圈排列方案如图19所示。钢丝圈排列与 S的关系如表11所示。

由表11可知,钢丝排列方式对S的影响较大。

#### 2.9 钢丝圈直径

钢丝圈直径如图20所示。当钢丝圈直径为



表11 钢丝圈排列与S的关系

方 案	钢丝排列方式	$S/(J \cdot mm^{-3})$
Original	5-6-7-8-9-8-7-6-5	3.347
Mod1	6-7-8-9-8-7-6-5-4	3.384
Mod2	8-9-10-9-8-7-6-5-4	3.162
Mod3	5-6-7-8-9-10-9-8	3.071



526.3,527.8,529.3,530.8和532.3 mm时,S分别 为3.214,3.340,3.480,3.565和3.580 J·mm<sup>-3</sup>。 钢丝圈直径与S响应曲线如图21所示。

由图21可知,随着钢丝圈直径增大,S几乎呈 线性增大。因此,为提高胎圈耐久性能可适当减 小钢丝圈直径。

#### 3 结论

(1)胎圈包布内端点高度和密度对胎圈耐久 性能的影响较小,胎圈包布角度对胎圈耐久性能 的影响显著。

(2)上、下三角胶模量对胎圈耐久性能的影响 呈非线性相关,且存在最佳匹配值;三角胶高度存 在最佳设计值;增大下三角胶厚度,胎圈的耐久性 能提高。



(3) 胎体和胎圈反包高度及两者间等差级存 在最佳匹配值。

(4)适当增大内轮廓下胎侧厚度可提高胎圈 的耐久性能。

(5)胎圈水平轴高度对胎圈耐久性能的影响 不大。

(6)胎圈着合宽度增大有助于提高胎圈的耐 久性能。

(7)钢丝圈排列对胎圈耐久性能的影响较大,适 当减小钢丝圈直径可提高胎圈的耐久性能。

#### 参考文献:

[1] 马良清. 汽车使用及案例分析[M]. 北京:中国商业出版社,2008.

[2] 李昭,周浩,梁晨,等.外轮廓和结构参数对载重子午线轮胎疲劳寿命的影响[J].橡胶工业,2017,64(5):290-294.

收稿日期:2019-03-04

# Finite Element Study on Factors Affecting Bead Durability of All-steel Radial Tire

#### JIANG Hongxu<sup>1</sup>, SUN Zongtao<sup>2</sup>, LIU Changbo<sup>1</sup>

[1. Prinx Chengshan (Qingdao) Industrial Research and Design Co., Ltd, Qingdao 266011, China; 2. Prinx Chengshan (Shandong) Tire Co., Ltd, Rongcheng 264300, China]

Abstract: The effect of design parameters on the bead durability of all-steel radial tire was investigated by finite element simulation. The design parameters studied in this paper included the endpoint height, angle and density of bead wrap, the modulus and height of apex, the thickness of lower apex, the turn-up height of carcass and bead wrap, the inner outline of bead, the horizontal axis height of bead, the mold outline of bead, the bead width at rim seat, the bead wire arrangement and diameter. By establishing the response relationship between design parameters with different values and simulation criteria (strain energy density), the effect of design parameters on the bead durability was obtained.

Key words: all-steel radial tire; bead; design parameter; finite element simulation; durability